

**SIMULARE EVALUARE NAȚIONALĂ – MATEMATICĂ**

An școlar 2025-2026

26.05.2026

**BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE**

· Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total acordat pentru lucrare.

**SUBIECTUL I și SUBIECTUL al II-lea:**

· Se punctează cu câte 5 puncte fiecare răspuns corect.

**SUBIECTUL al III-lea**

· Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător. · Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.

- Se acordă 10 puncte din oficiu.

**Subiectul I****(30p)**

1	b)	5p
2	b)	5p
3	d)	5p
4	a)	5p
5	c)	5p
6	a)	5p

**Subiectul al II-lea****(30p)**

1	c)	5p
2	b)	5p
3	d)	5p
4	b)	5p
5	a)	5p
6	c)	5p

**Subiectul al III-lea****(30p)**

1.	a) Presupunem că numărul florilor este 25. Cum $25 = 3 \cdot 8 + 1$ , rezultă că, dacă se pun câte 3 flori în vase, nr. vazelor este egal cu 8. Dar $5 \cdot (8 - 5) = 15$ , iar $15 \neq 25$ . Presupunerea a fost falsă. Nu este posibil!	1p
	b) Notăm cu $v$ numărul vazelor și cu $x$ numărul florilor, $v, x \in \mathbb{N}$ . $x = 3 \cdot v + 1$ și $x = 5 \cdot (v - 5)$ . Din ecuația $3v + 1 = 5 \cdot (v - 5)$ obținem: $v = 13$ , $x = 40$	1p
		1p
		1p
2.	a) $\frac{x}{x-2} - \frac{1}{x+1} = \frac{x^2+2}{(x-2)(x+1)} \Leftrightarrow \frac{x \cdot (x+1)}{x-2} - \frac{(x-2)}{x+1} = \frac{x^2+2}{(x-2)(x+1)} \Leftrightarrow$ $\frac{x^2+x-x+2}{(x-2)(x+1)} = \frac{x^2+2}{(x-2)(x+1)}$ (Adev.), dacă $x \neq -1$ , $x \neq 2$ .	1p
	b) $E(x) = \frac{x^2+2}{(x-2)(x+1)} \cdot \frac{(x+1)^2}{x^2+2} = \frac{x+1}{x-2}$ . $x \in \mathbb{R}$ , $x \neq -1$ , $x \neq 2$ .	1p
	$E(n) \geq 2$ , $n \geq 3 \Leftrightarrow \frac{n+1}{n-2} \geq \frac{2}{1}$ , $n \geq 3 \Leftrightarrow n+1 \geq 2n-4$ și $n \geq 3 \Leftrightarrow 3 \leq n \leq 5$ , $n \in \mathbb{N}$ .	1p
	Obținem: $n \in \{3, 4, 5\}$ .	1p

<b>3.</b>	<p>a) <math>f(-2) = -6 + 6 = 0</math>  <math>f(1) = 3 + 6 = 9</math>, deci <math>f(-2) + f(1) = 9</math></p> <p>b) <math>G_f \cap Ox = \{A(-2, 0)\}</math>  <math>G_f \cap Oy = \{B(0, 6)\}</math>, <math>AB = \sqrt{2^2 + 6^2} = 2\sqrt{10}</math>.</p> <p><math>d(C, AB) = CT, T \in AB; A_{ABC} = \frac{BO \cdot AC}{2} = \frac{AB \cdot CT}{2} \Rightarrow CT = \frac{6\sqrt{10}}{5}</math>.</p>	<p><b>1p</b>  <b>1p</b>  <b>1p</b>  <b>1p</b></p>
<b>4.</b>	<p>a) <math>\triangle CBE</math> este dreptunghic isoscel, <math>\sphericalangle BEC = 90^\circ \Rightarrow \sphericalangle BCE = \sphericalangle CBE = 45^\circ</math>.  <math>AC</math> este diagonala pătratului <math>ABCD \Rightarrow \sphericalangle ACB = 45^\circ</math>. <math>\sphericalangle ACE = 90^\circ</math>. Deci <math>AC \perp CE</math>.</p> <p>b) Fie <math>CE \cap AB = \{M\}</math>. În <math>\triangle ACM</math>, <math>CB</math> este înălțime și bisectoare <math>\Rightarrow \triangle ACM</math> este isoscel de bază <math>AM \Rightarrow B</math> este mijlocul segmentului <math>AM</math>.  <math>\triangle CBM</math> este dreptunghic isoscel, <math>CB \equiv BM</math>, <math>BE</math> este înălțime <math>\Rightarrow BE</math> mediană, deci <math>E</math> este mijlocul segmentului <math>CM</math>.  <math>CB</math> și <math>AE</math> sunt mediane în <math>\triangle ACM</math>, <math>CB \cap AE = \{P\}</math>.</p> <p><math>P</math> este centrul de greutate al triunghiului <math>ACM</math>, deci <math>BP = \frac{10}{3} \text{ cm}</math>.</p>	<p><b>1p</b>  <b>1p</b>  <b>1p</b>  <b>1p</b>  <b>1p</b></p>
<b>5.</b>	<p>a) Dacă <math>AD = 60^\circ \Rightarrow \sphericalangle ABD = 30^\circ</math>; <math>AB</math> este diametru <math>\Rightarrow \sphericalangle ADB = 90^\circ</math>  Din <math>T \sphericalangle 30^\circ \Rightarrow AB = 20 \text{ cm} \Rightarrow R = 10 \text{ cm}</math>. Aria disc = <math>10^2 \pi = 100\pi \text{ (cm}^2\text{)}</math></p> <p>b) <math>\sphericalangle ABD \equiv \sphericalangle CBE</math> (opuse la vrf) <math>\Rightarrow \sphericalangle CBE = 30^\circ</math>; <math>BC</math> diametru <math>\Rightarrow \sphericalangle BEC = 90^\circ</math>  <math>\triangle ADB</math> dr <math>\xrightarrow{TP} DB = \sqrt{20^2 - 10^2} = 10\sqrt{3} \text{ (cm)}</math>  <math>\triangle BEC</math> dr <math>\xrightarrow{TP} BE = \sqrt{10^2 - 5^2} = 5\sqrt{3} \text{ (cm)}</math></p> <p>Cum <math>DE \perp AD</math>, <math>DE \perp EC \Rightarrow AD \parallel CE</math>, <math>AD &gt; CE</math>, <math>AECD</math> trapez; <math>A_{AECD} = \frac{225\sqrt{3}}{2}</math></p>	<p><b>1p</b>  <b>1p</b>  <b>1p</b>  <b>1p</b>  <b>1p</b></p>
<b>6.</b>	<p>a) Volumul = <math>A_{ABCD} \cdot AA' =</math>  <math>V = 144 \cdot 6\sqrt{6} \text{ cm}^3 = 864\sqrt{6} \text{ cm}^3</math>.</p> <p>b) <math>\triangle A'AB \equiv \triangle A'AD</math> (CC) <math>\Rightarrow A'B \equiv A'D</math>, <math>O</math> este centrul pătratului <math>ABCD \Rightarrow A'O \perp BD</math> (1) (sau T3<math>\perp</math>)</p> <p><math>\frac{A'A}{OC} = \frac{AO}{CM} \Leftrightarrow \frac{6\sqrt{6}}{6\sqrt{2}} = \frac{6\sqrt{2}}{2\sqrt{6}}</math>; <math>\sphericalangle A'AO \equiv \sphericalangle OCM \xrightarrow{LUL} \triangle A'AO \sim \triangle OCM \Rightarrow</math>  <math>\sphericalangle A'OA + \sphericalangle MOC = 90^\circ \Rightarrow A'O \perp OM</math> (2); <math>OM, BD \subset (MBD) \xrightarrow{(1), (2)} A'O \perp (MBD)</math>, <math>A'O \subset (A'BD) \Rightarrow (A'BD) \perp (MBD)</math>  (sau cu măsura unghiului diedru)</p>	<p><b>1p</b>  <b>1p</b>  <b>1p</b>  <b>1p</b></p>